

# Arbeitsgruppe Topologie

W. Lück

Münster

June 9, 2008

- Festangestellte: 3  
Bartels, Joachim, Lück
- Postdoktoranden / Assistenten 4+2  
Bauer, Macko, Löh, Hanke (ab 1.10.08), Sauer (ab 1.8.08), Wegner
- Doktoranden: 4+4  
Barcenaz-Torres, Steimle, Röer, Siegemeyer  
Ab Oktober 2008: Balakci, Fabig, Kühl, Rüping
- Diplomanden/Staatsexamenskandidaten: 14

- Veröffentlichte bzw. akzeptierte Arbeiten: 51
- Bücher: 4
- Noch nicht referierte Preprints: 13
- Konferenzen organisiert von Mitgliedern der Arbeitsgruppe: 17
- Habilitationen: 4
- Wegberufungen: 6
- Promotionen: 9
- Diplom/Staatsexamen: 13

- **Starrheit**

Stichworte: Topologische Starrheit, Poincaré-Dualitätsgruppen, Borel-Vermutung.

- **$K$ - und  $L$ -Theorie**

Stichworte: Vermutungen von Farrell-Jones, Baum-Connes und Bost, Berechnungen von  $K$ - und  $L$ -Gruppen von Gruppenringen und  $C^*$ -Algebren von Gruppen, Anwendungen.

- **$L^2$ -Invarianten**

Stichworte: Dimensionsfunktionen über von Neumann-Algebren, Atiyah-Vermutung, Anwendungen auf Gruppentheorie.

- Äquivariante Homotopie und Homologie

Stichworte: Äquivariante (KO-)Homologie, Äquivariante Chern Charaktere, Äquivariante stabile Homotopie und Homotopiekategorien, Segal-Vermutung für unendliche Gruppen, Mannigfaltigkeiten und positive Skalarkrümmung.

- Maßtheorie und Gruppentheorie

Stichworte: Beschränkte Kohomologie, simpliziales Volumen, maßtheoretische Gruppentheorie.

- Konstruktion von mathematischen Quantenfeldtheorien

Stichworte: Elliptische Homologie,  $n$ -Kategorien und von Neumann-Algebren.

- **Nicht-kommutative Geometrie**

Stichworte: Baum-Connes- und Bost-Vermutung, zyklische Homologie,  $L^2$ -Invarianten, Quantenfeldtheorie.

- **Zahlentheorie**

Stichworte: dynamische Systeme,  $L^2$ -Invarianten, Schneider-Vermutung, algebraischer Bordismus.

- **Differentialgeometrie**

Stichworte: Skalarkrümmung, hyperbolische Gruppen, CAT(0)-Gruppen.

## Vermutung (Borel-Vermutung)

*Seien  $M$  und  $N$  geschlossene asphärische Mannigfaltigkeiten. Dann ist jede Homotopieäquivalenz  $M \rightarrow N$  homotop zu einem Homöomorphismus. Insbesondere sind  $M$  und  $N$  genau dann homöomorph, wenn ihre Fundamentalgruppen isomorph sind.*

## Theorem (Bartels-Lück(2008))

Sei  $\mathcal{B}$  die kleinste Klasse von Gruppen mit folgenden Eigenschaften:

- Hyperbolische Gruppen und CAT(0)-Gruppen gehören zu  $\mathcal{B}$ ;
- Falls  $G_1$  and  $G_2$  zu  $\mathcal{B}$  gehören, dann auch  $G_1 \times G_2$  und  $G_1 * G_2$ ;
- Sei  $\{G_i \mid i \in I\}$  ein gerichtetes System von Gruppen (mit nicht notwendigerweise injektiven Strukturabbildungen). Falls  $G_i \in \mathcal{B}$  für alle  $i \in I$  gilt, so gehört auch  $\operatorname{colim}_{i \in I} G_i$  zu  $\mathcal{B}$ ;
- Falls  $H \subseteq G$  und  $G \in \mathcal{B}$ , dann gilt  $H \in \mathcal{B}$ ;

Dann gilt die Borel-Vermutung für alle asphärischen geschlossenen Mannigfaltigkeiten mit Fundamentalgruppe in  $\mathcal{B}$ .

- Gruppen in dieser Klasse erfüllen noch andere prominente Vermutungen z.B. die von Bass, Farrell-Jones, Kaplansky, Novikov, Moody.
- Viele interessante Konstruktionen von exotischen Gruppen liefern gerichtete Kolimiten von hyperbolischen Gruppen. Sie gehören daher alle zu  $\mathcal{B}$ . Beispiele sind Gruppen mit Expandern, Tarski Monster.
- Die Gruppen, die nach Higson-Lafforgue-Skandalis Gegenbeispiele zur Baum-Connes-Vermutung mit Koeffizienten sind, gehören alle zu  $\mathcal{B}$ .
- Die Konstruktionen von Mike Davis und anderen liefern interessante exotische asphärische Mannigfaltigkeiten. Deren Fundamentalgruppen liegen aber alle in  $\mathcal{B}$ .

- Der von Kaven Preis der DFG geht 2008 an Arthur Bartels.